



Ústřední komise fyzikální olympiády České republiky

Teoretické úlohy celostátního kola 52. ročníku FO

Olomouc 2011

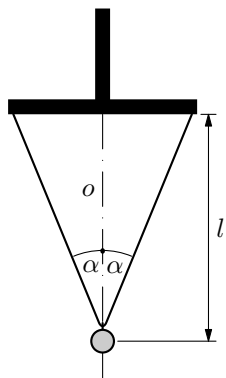
Ve všech úlohách počítejte s tíhovým zrychlením $g = 9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$.

1. Rotace bifilárního závěsu

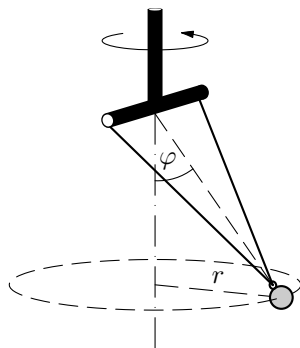
Kulička o hmotnosti $m = 100 \text{ g}$ s očkem byla zavěšena na bifilárním závěsu upevněném symetricky na držáku ve tvaru obráceného písmene T otáčivém okolo svislé osy o . Obě poloviny vlákna spolu svíraly úhel $2\alpha = 45^\circ$ (obr. 1). Střed kuličky se nacházel ve vzdálenosti $l = 30 \text{ cm}$ od středu držáku a její dolní bod byl ve výšce $H = 1,00 \text{ m}$ nad vodorovnou podlahou místnosti. Závěs se začal otáčet a frekvence otáčení se velmi pomalu zvětšovala. Při určité frekvenci f_0 přestala být původní rovnovážná poloha kuličky stabilní a kulička začala obíhat po kružnicové trajektorii, jejíž poloměr se postupně zvětšoval (obr. 2). V okamžiku, kdy odchylka φ roviny bifilárního závěsu od osy otáčení dosáhla hodnoty $\varphi_1 = 65^\circ$, se vlákno přetrhlo. Určete

- frekvenci f_0 ,
- jakou silou F_1 bylo napnuto vlákno v okamžiku přetržení,
- v jaké vzdálenosti d od osy otáčení dopadla kulička na podlahu.

Řešte obecně a pak pro dané hodnoty veličin. Deformaci vlákna tahovou silou zanedbejte.



Obr. 1



Obr. 2

2. Částice v elektrickém poli

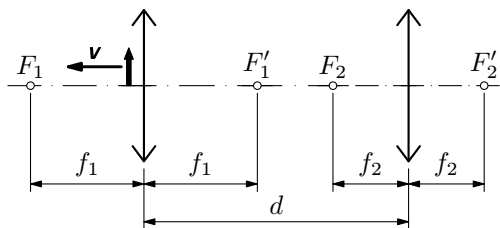
Každý ze čtyř hmotných bodů nacházejících se ve vrcholech čtverce o straně délky a ve vakuu má elektrický náboj Q shodného znaménka.

- Uvažujme osu x totožnou s osou souměrnosti čtverce kolmou k rovině čtverce a s počátkem ve středu čtverce. Najděte souřadnici x_m bodu osy, kde je intenzita elektrického pole maximální. Určete obecně i číselně velikost této intenzity E_{\max} .
- Do středu čtverce umístíme částici o klidové hmotnosti m_0 a s nábojem q shodného znaménka s nábojem Q , a nepatrně vychýlíme kolmo k rovině čtverce. Určete limitní velikost rychlosti částice ve velmi velké vzdálenosti. Řešte obecně klasicky i obecně relativisticky.
- Vypočtěte velikost rychlosti z úlohy b) pro částici alfa s nábojem $q = 2e$ a s klidovou hmotností $m_\alpha = 6,644 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ a pro elektron s nábojem $q = -e$ a s klidovou hmotností $m_e = 9,109 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$. Další hodnoty pro číselná řešení: $|Q| = 1,80 \cdot 10^{-7} \text{ C}$, $a = 4,00 \cdot 10^{-2} \text{ m}$, $e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$, $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8,99 \cdot 10^9 \text{ N}\cdot\text{C}^{-2}\cdot\text{m}^2$, $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

3. Zobrazovací soustava

Použijeme centrovanou soustavu dvou tenkých spojek o ohniskových vzdálenostech f_1 a f_2 . Těsně před první spojkou umístíme předmět a začneme jej vzdalovat stálou rychlostí \mathbf{v} ve směru optické osy (obr. 3).

- Jaká musí být vzdálenost d středů čoček, aby příčné zvětšení výsledného obrazu bylo stále stejné?
- Určete, jaká je v takovém případě funkční závislost vzdálenosti a'_2 výsledného obrazu od druhé čočky na vzdálenosti a_1 předmětu od první čočky, a sestrojte její graf. Kdy bude výsledný obraz reálný? Určete rychlost \mathbf{v}' pohybu výsledného obrazu.



Obr. 3

4. Klesání koule

Lehkoatletickou kouli o hmotnosti $m = 7,26$ kg, vyrobenou z oceli o hustotě $\rho_k = 7800$ kg·m⁻³, umístíme pod hladinu hluboké vodní nádrže a pustíme.

- Jaké mezní rychlosti dosáhne koule během klesání ke dnu?
- Jakou rychlost získá koule během první sekundy klesání a jak hluboko za tuto dobu klesne?

Úlohu b) řešte numerickým modelováním Eulerovou metodou s časovým krokem $h = 0,1$ s. Předpokládáme, že pro odpor prostředí platí Newtonův vzorec $F_o = \frac{1}{2}CS\rho v^2$. Hustota vody $\rho = 1000$ kg·m⁻³, součinitel odporu $C = 0,48$.